

# Algebra 2 (2014)-Aalborg Universitet

## Spiseseddel 12

**12. gang (A)**, fredag d. 14. marts, 8:15-12:00 i lokale G5-112

- 8:15-10:00 Forelæsning: Repetition + Rødder, Cyclotomiske polynomier (sider 150–156).
- 10:00-12:00 [Lau], 4.10 (side 179): A, B, C, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, D, E, 8, 9, 10.  
Opgave A: Udfør divisionen  $X^4 + X^3 + X : X^2 + X + 1$  i  $\mathbb{Q}[X]$ .  
Opgave B: Udfør divisionen  $X^4 + X^3 + X : X^2 + X + 1$  i  $\mathbb{F}_2[X]$ .  
Opgave C: Udfør divisionen  $X^4 + 2X^2 + X : 2X^2 + X + 1$  i  $\mathbb{Z}/4\mathbb{Z}[X]$ .  
Opgave D: Find nulpunkterne for  $2X^{219} + 3X^{74} + 2X^{57} + 3X^{44}$  i  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}$  (hint: benyt Fermats lille sætning).  
Opgave E: Den formelt afledte  $D$  (defineret midt side 153) kan opfattes som en afbildning  $D : R[X] \rightarrow R[X]$ . Find kernen af  $D$ . (A.) Hvis karakteristikken af  $R$  er 0 (p. 121). (B.) Hvis  $R = \mathbb{Z}/p\mathbb{Z}$ ,  $p$  et primtal.

Med venlig hilsen,

Diego